

# Esquema de calificación

**Noviembre de 2018**

**Estudios matemáticos**

**Nivel medio**

**Prueba 1**

Este esquema de calificaciones es propiedad del Bachillerato Internacional y **no** debe ser reproducido ni distribuido a ninguna otra persona sin la autorización del centro global del IB en Cardiff.

**Esquema de calificación de la Prueba 1  
Instrucciones para los examinadores**

**Observaciones:** En caso de dudas sobre estas instrucciones o temas relacionados con la asignación de puntuaciones, póngase en contacto con su jefe de equipo.

**La puntuación máxima para cada pregunta es 6.**

**1 Siglas**

En el esquema de calificación pueden aparecer las siguientes siglas:

- M** Puntos otorgados por el **método**
- A** Puntos otorgados por una **respuesta** o por la **precisión**
- C** Puntos otorgados por respuestas **correctas** (independientemente del trabajo mostrado)
- R** Puntos otorgados por un **razonamiento** claro
- ft** Se pueden otorgar puntos por la **coherencia** con resultados previos en la pregunta

**2 Método para corregir**

- (a) Todas las correcciones deben realizarse en RM Assessor, utilizando las anotaciones de Estudios Matemáticos y de acuerdo con el documento vigente de orientaciones para la corrección electrónica de Estudios Matemáticos NM. Es fundamental leer el documento antes de empezar a corregir.
- (b) Si el alumno obtiene la puntuación máxima en una pregunta utilice la anotación **C6**, si lo ha intentado pero obtiene cero puntos utilice **C0**. Si no lo ha intentado utilice la tecla de No respuesta. Si un alumno no ha obtenido ni la puntuación máxima ni cero puntos, entonces se **DEBEN** mostrar todas las anotaciones.
- (c) En esta prueba, **si aparece la respuesta correcta en la línea de respuesta** se otorgará la puntuación máxima. **¡No es necesario comprobar el trabajo! Otorgue puntos C y siga adelante.**
- (d) Si la respuesta no aparece en la línea de respuesta, pero la respuesta correcta se encuentra en el cuadro de operaciones sin trabajo posterior, otorgue la puntuación máxima.
- (e) Si la **respuesta es incorrecta**, se deben otorgar puntos por el trabajo realizado, de acuerdo con el esquema de calificación.
- (f) No se debe otorgar ningún punto al trabajo tachado por el alumno. Si el alumno ha dado dos respuestas a una pregunta, solo se debe corregir la primera respuesta.
- (g) Una respuesta correcta en el cuadro de trabajo transcrita erróneamente a la línea de respuesta puede recibir la puntuación máxima.
- (e) Si el procedimiento adecuado lleva a la respuesta correcta, pero esta va seguida de más desarrollos que indican una falta de comprensión matemática, entonces **no** se puede otorgar la puntuación máxima. En la mayoría de estos casos se perderá solo el último punto por respuesta. Una excepción podría ser las respuestas numéricas, donde una respuesta exacta que es correcta está seguida de una expresión decimal incorrecta.

**Ejemplo:**

	<b>Se ve la respuesta correcta</b>	<b>Hay más desarrollo</b>	<b>Acción</b>
<b>1.</b>	$8\sqrt{2}$	5,65685... <i>(valor decimal incorrecto)</i>	Otorgue el ultimo <b>(A1)</b> <i>(ignore el desarrollo posterior)</i>
<b>2.</b>	$(x - 6)(x + 1)$	$x = 6$ y $-1$	<b>No</b> otorgue el último <b>(A1)</b> <i>(vea el siguiente ejemplo)</i>

**Ejemplo:** Factorice  $x^2 - 5x - 6$

Esquema de calificación	Examen del alumno	Corrección
$(x - 6)(x + 1)$ <b>(A1)(A1)</b>	(i) Línea de respuesta: $(x + 6)(x + 1)$	<b>(A0)(A1)</b>
	(ii) Cuadro de operaciones: $(x - 6)(x + 1)$ seguido de $x = 6$ y $-1$ , o simplemente $6, -1$ bien en el cuadro de trabajo o en la línea de respuesta.	<b>(A1)</b>  <b>(A0)</b>

### 3 Puntos por la coherencia (ft)

En cualquier paso de una resolución, un error puede afectar a todo el trabajo posterior. Para limitar la gravedad de la penalización, se pueden otorgar **puntos por la coherencia**. Los esquemas de calificación indicarán, con “**(ft)**”, dónde es adecuado aplicar el criterio de coherencia en una pregunta.

- (a) La coherencia se aplica solo de un apartado de una pregunta a otro apartado posterior de la pregunta. No se aplica dentro del mismo apartado.
- (b) Si una respuesta que es consecuencia de un procedimiento de coherencia es muy poco realista (por ejemplo, distancias negativas o de un orden de magnitud excesivo) entonces el punto **A** final no se debe otorgar.
- (c) Si, debido a un error, una pregunta queda transformada en otra **distinta, mucho más sencilla**, entonces el criterio de coherencia podría no ser aplicado.
- (d) Para otorgar puntos por coherencia en un apartado de una pregunta, **es necesario que haya un trabajo explícito relacionado con ese apartado**. Una respuesta aislada, obtenida por coherencia, pero sin un desarrollo explícito, se considera incorrecta, y no recibirá ningún punto **aunque se aproxime a la respuesta correcta**.
- (e) Una excepción a lo anterior sería una pregunta donde lo que se evalúa es el manejo del alumno en el uso de la calculadora de pantalla gráfica, y donde no se pretende que se muestre ningún desarrollo escrito. **En el esquema de calificación vendrá indicado claramente cuando sea el caso**.
- (f) El uso inadvertido de radianes será penalizado la primera vez que aparezca. En el esquema de calificación se darán instrucciones claras para asegurar que en cada prueba se pierda solo una vez un punto por el uso de radianes.

**Ejemplo:** Cálculo de ángulos y longitudes en trigonometría

Esquema de calificación	Examen del alumno	Corrección
(a) $\frac{\text{sen } A}{3} = \frac{\text{sen } 30}{4}$ <b>(M1)(A1)</b>  $A = 22,0^\circ$ (22,0243...) <b>(A1)</b>	(a) $\frac{\text{sen } A}{4} = \frac{\text{sen } 30}{3}$  $A = 41,8^\circ$	<b>(M1)(A0)</b>  <i>(uso del teorema del seno, pero con valores incorrectos)</i>  <b>(A0)</b>  <i>(Nota: Aquí, el segundo (A1) no ha sido corregido como (ft) y no se puede otorgar porque existe un error previo en el mismo apartado de la pregunta.)</i>
(b) $x = 7 \text{tg}(22,0243\dots^\circ)$ <b>(M1)</b> $= 2,83$ (2,831639...) <b>(A1)(ft)</b>	(b) caso (i) $x = 7 \text{tg } 41,8^\circ$ $= 6,26$ <b>pero</b> caso (ii) $6,26$	<b>(M1)</b> <b>(A1)(ft)</b> <b>(C0)</b> <i>pues no aparece un desarrollo explícito</i>

#### 4 Uso del Esquema de calificación

- (a) Los puntos **A dependen** de los puntos **M** obtenidos previamente, **no** es posible otorgar **(M0)(A1)**. Una vez que se otorga un **(M0)**, se pierden todos los puntos **A** que le siguen en ese apartado de la pregunta, incluso si los cálculos son correctos, hasta el siguiente punto **M**.  
La única excepción a lo anterior se hará en el caso de una respuesta donde la precisión se especifique en la pregunta (ver apartado 5).
- (b) Los puntos **A dependen** de los puntos **R** obtenidos, **no** es posible otorgar **(A1)(R0)**. Así pues, el **(A1)** no se otorga a una respuesta correcta si no aparece el razonamiento, o este es incorrecto.
- (c) Los **métodos alternativos** no siempre se incluyen. Así, si una respuesta es errónea, entonces se debe analizar cuidadosamente el procedimiento, de modo que se asignen puntos por un método distinto de forma coherente con el esquema de calificación.  
Cuando en el esquema de calificación se incluyen métodos alternativos para una pregunta, ello viene indicado mediante **"O"** etc.

- (d) A menos que en la pregunta se especifique lo contrario, se aceptan **expresiones equivalentes**. Por ejemplo:  $\frac{\text{sen } \theta}{\text{cos } \theta}$  por  $\text{tg } \theta$ . En el esquema de calificación, estas expresiones algebraica o numéricamente equivalentes aparecerán a veces escritas entre paréntesis junto a la respuesta requerida.  
 Cuando se requieran respuestas numéricas como respuesta final de un apartado de una pregunta, en el esquema de calificación se mostrará en este orden;  
 la respuesta con 3 cifras significativas a partir de la solución completa de la calculadora;  
 el valor exacto (por ejemplo  $\sqrt{3}$  si corresponde);  
 la solución completa de la calculadora en la forma 2,83163... como en el ejemplo anterior.  
 Cuando se dan las respuestas con 3 cifras significativas y se utilizan después en apartados posteriores de la pregunta llevando a una solución con 3 cifras significativas **distinta**, también se darán estas soluciones.
- (e) Dado que este es un examen internacional, se aceptarán todas las **formas de notación alternativas**. Algunos ejemplos:  
 Comas decimales: 1,7; 1'7; 1·7; 1;7 .  
 Los números decimales menores que 1 podrían aparecer escritos sin un cero en el frente: 0.49 o .49.  
 Descripciones de un intervalo:  $3 < x < 5$ ; (3; 5); ] 3; 5 [ .  
 Distintas formas de notación de las propiedades de los conjuntos (por ejemplo complementario):  $A'$ ;  $\bar{A}$ ;  $A^c$ ;  $U - A$ ;  $(A; U \setminus A$ .  
 Distintas formas de notación lógica:  $\neg p$ ;  $p'$ ;  $\tilde{p}$ ;  $\bar{p}$ ;  $\sim p$ ,  $-p$ .  
 $p \Rightarrow q$ ;  $p \rightarrow q$ .  
 El nivel de significación podría escribirse como  $\alpha$  .
- (f) Puntos discrecionales: habrá ocasiones excepcionales en las que el esquema de calificación no cubra el trabajo que aparece. En estos casos se utilizará la nota DM para indicar que el examinador ha utilizado su criterio. La discrecionalidad debe utilizarse con moderación, y si existe duda se debe plantear una excepción a través de RM Assessor al jefe del equipo.

**A partir de noviembre de 2011 ya no se aplicarán las penalizaciones AP, FP y UP. La precisión y las unidades serán evaluados en preguntas específicas y los puntos se otorgarán de acuerdo a las reglas dadas en los apartados 5, 6 y 7.**

**5 Precisión de las respuestas**

Instrucciones: Salvo que se indique lo contrario en la pregunta, todas las respuestas numéricas deberán ser exactas o aproximadas correctamente a 3 cifras significativas.

1. Si el alumno muestra la solución a 4 o más cifras significativas, la cual redondeada a 3 cifras significativas daría la respuesta requerida entonces otorgue **(A1)** e ignore cualquier redondeo posterior. **Nota:** La solución sin redondear puede estar tanto en la línea de respuesta como en el cuadro de operaciones.
2. Si el alumno **no** muestra la solución sin redondear, entonces otorgue **(A1)** si la solución dada está aproximada correctamente a 2 o más cifras significativas, y **(A0)** en cualquier otro caso.
3. Si una solución aproximada a 2 cifras significativas se utiliza en apartados posteriores, entonces para otorgar más puntos debe aparecer el desarrollo. (Este criterio es el mismo que en el que se aplica coherencia a partir de una respuesta errónea.)

**Estos 3 casos (vea los superíndices) se han resumido en la siguiente tabla e ilustrado después con ejemplos.**

Si la solución final de alumno se expresa...					
	Exacta o a 4 o más cifras significativas (y que redondeada a <b>3 cifras significativas daría la respuesta correcta</b> )	<b>Aproximada incorrectamente a 3 cifras significativas</b>	Aproximada correctamente a 2 cifras significativas <sup>3</sup>	Aproximada incorrectamente a 2 cifras significativas	Aproximada correcta o incorrectamente a 1 cifra significativa
Aparece la solución sin redondear <sup>1</sup>	Otorgue <b>(A1)</b> independientemente del redondeo correcto o incorrecto				
No aparece la solución sin redondear <sup>2</sup>	<b>(A1)</b>	<b>(A0)</b>	<b>(A1)</b>	<b>(A0)</b>	<b>(A0)</b>
Criterio para los apartados posteriores	Como en MS	Como en el criterio de coherencia, solo si se muestra el desarrollo <sup>3</sup>			

Ejemplos:

Esquema de calificación	Examen del alumno	Corrección
9,43 (9,43398...) <b>(A1)</b>	(i) 9,43398... se muestra en el cuadro de trabajo seguido de 9; 9,4; 9,43; 9,434 (redondeados correctamente)	<b>(A1)</b>
	(ii) 9,43398... se muestra en el cuadro de trabajo seguido de 9,433; 9,44, etc. (redondeados incorrectamente)	<b>(A1)</b>
	(iii) 9,4	<b>(A1)</b>
	(iv) 9	<b>(A0)</b> (aproximado correctamente a 1 cifra significativa)
	(v) 9,3	<b>(A0)</b> (aproximado incorrectamente a 2 cifras significativas)
	(vi) 9,44	<b>(A0)</b> (aproximado incorrectamente a 3 cifras significativas)

Esquema de calificación	Examen del alumno	Corrección
7,44 (7,43798...) <b>(A1)</b>	(i) 7,43798... se muestra en el cuadro de trabajo seguido de 7; 7,4; 7,44; 7,438 etc. (redondeados correctamente)	<b>(A1)</b>
	(ii) 7,43798... se muestra en el cuadro de trabajo seguido de 7,437 ó 7,43 etc. (redondeados incorrectamente)	<b>(A1)</b>
	(iii) 7,4	<b>(A1)</b>
	(iv) 7	<b>(A0)</b> (aproximado correctamente a 1 cifra significativa)
	(v) 7,5	<b>(A0)</b> (aproximado incorrectamente a 2 cifras significativas)
	(vi) 7,43	<b>(A0)</b> (aproximado incorrectamente a 3 cifras significativas)



**Ejemplo:** ABC es un triángulo rectángulo con el ángulo  $\angle C = 90^\circ$ ,  $AC = 32$  cm y  $AB = 30$  cm. Halle (a) la longitud de BC, (b) el área del triángulo ABC.

Esquema de calificación	Examen del alumno	Corrección
(a) $BC = \sqrt{32^2 - 30^2}$ <b>(M1)</b> Otorgue <b>(M1)</b> por la sustitución correcta en el teorema de Pitágoras  $= 11,1 (\sqrt{124} 11,1355\dots)$ (cm) <b>(A1)</b>	(a) $BC = \sqrt{32^2 - 30^2}$  11 (cm) <b>(A1)</b> <i>(solo se muestra la aproximación a 2 cifras significativas, pero correcta)</i>	<b>(M1)</b>  <b>(A1)</b> <i>(solo se muestra la aproximación a 2 cifras significativas, pero correcta)</i>
(b) $\text{Area} = \frac{1}{2} \times 30 \times 11,1355\dots$ <b>(M1)</b> Otorgue <b>(M1)</b> por la sustitución correcta en la fórmula del área de un triángulo  $= 167 (167,032\dots)$ (cm <sup>2</sup> ) <b>(A1)(ft)</b>	(b) caso (i) $\text{Área} = \frac{1}{2} \times 30 \times 11$ <b>(M1)</b> <i>(se muestra el desarrollo)</i>  $= 165$ (cm <sup>2</sup> ) <b>(A1)(ft)</b>  caso (ii) $= 165$ (cm <sup>2</sup> ) <b>(M0)(A0)(ft)</b> <i>(No se muestra el desarrollo, la solución 11 se trata como procedimiento de coherencia, por lo que no se deben otorgar puntos en este caso)</i>	<b>(M1)</b>  <b>(M1)</b> <i>(se muestra el desarrollo)</i>  <b>(A1)(ft)</b>  <b>(M0)(A0)(ft)</b> <i>(No se muestra el desarrollo, la solución 11 se trata como procedimiento de coherencia, por lo que no se deben otorgar puntos en este caso)</i>

La aproximación a 3 cifras significativas de una solución exacta **se debe aceptar si se realiza correctamente**.

Las soluciones exactas del tipo  $\frac{1}{4}$  se pueden escribir como decimales con menos de 3 cifras significativas si el resultado sigue siendo exacto. La simplificación de una fracción a su expresión irreducible **no** es imprescindible, sin embargo cuando una respuesta se simplifica a un entero, esto es lo esperado. Fracciones que incluyen un decimal en el numerador y/o en el denominador son aceptadas para demostrar una sustitución correcta, sin embargo, no como respuesta final.

Razones de  $\pi$  y respuestas con expresiones de raíces cuadradas de enteros o cualquier potencia racional de un entero (por ejemplo,  $\sqrt{13}, 2^{2/3}, \sqrt[4]{5}$ ), se pueden aceptar como respuestas exactas. Todas las otras potencias (por ejemplo de no enteros) y valores de funciones trascendentes tales como seno y coseno se deben evaluar.

**Si el nivel de precisión viene especificado en la pregunta, se asignarán puntos por dar la respuesta con la precisión requerida.** En **todos** estos casos no se obtiene el punto final si el redondeo no sigue las instrucciones dadas en la pregunta. El punto por la precisión especificada se puede considerar como punto por coherencia **(ft)** con independencia de un **(M0)** inmediatamente anterior.

### 6 Nivel de precisión en las preguntas sobre cuestiones financieras

El nivel de precisión de las respuestas se especificará en todas las preguntas que se relacionen con valores en dinero. Generalmente será a la unidad más cercana o de dos cifras decimales. La primera respuesta que no venga dada con el nivel de precisión especificado no recibirá el punto **A** final. En el esquema de calificación se darán instrucciones claras para asegurar que en cada prueba se pierda solo una vez la un punto por la precisión incorrecta en una pregunta sobre cuestiones financieras.

**Ejemplo:** En una pregunta sobre cuestiones financieras se pide una precisión de dos cifras decimales.

Esquema de calificación	Examen del alumno	Corrección
\$231,62 (231,6189) <b>(A1)</b>	(i) 231,6	<b>(A0)</b>
	(ii) 232 <i>(Aproximación correcta con un nivel de precisión distinto del requerido)</i>	<b>(A0)</b>
	(iii) 231,61	<b>(A0)</b>
	(iv) 232,00 <i>(Aproximación incorrecta al nivel de precisión requerido)</i>	<b>(A0)</b>

### 7 Unidades de medida en las respuestas

En determinadas preguntas será necesario expresar las unidades de medida, y esto vendrá claramente indicado en el esquema de calificación. La primera respuesta correcta pero sin unidades o con unidades incorrectas no recibirá el punto **A** final. En el esquema de calificación se darán instrucciones claras para asegurar que en cada prueba se pierda solo una vez el punto por la falta de unidades o unidades incorrectas. Las unidades de medida se tendrán en cuenta solamente cuando se ha otorgado **(A1)** a la respuesta numérica siguiendo las indicaciones sobre la precisión dadas en el apartado 5.

Esquema de calificación	Examen del alumno	Corrección
(a) 37000 m <sup>2</sup> <b>(A1)</b>	(a) 36000 m <sup>2</sup> <i>(respuesta incorrecta, por lo que no se consideran las unidades)</i>	<b>(A0)</b>
(b) 3200 m <sup>3</sup> <b>(A1)</b>	(b) 3200 m <sup>2</sup> <i>(unidades incorrectas)</i>	<b>(A0)</b>

### 8 Calculadoras de pantalla gráfica

Con frecuencia los alumnos obtienen las soluciones directamente de la calculadora. Deben utilizar la notación matemática y no la notación de la calculadora. No se puede otorgar puntos por método a respuestas incorrectas basadas únicamente en notación de calculadora. No se puede otorgar puntos por método al comentario "usé la calculadora de pantalla gráfica".

1. (a)  $\sqrt{\frac{4(350)^3}{243\pi}}$  **O BIEN**  $\sqrt{\frac{171500000}{763,407\dots}}$  **(M1)**

**Nota:** Conceda **(M1)** por haber sustituido 350 en la fórmula del volumen.

= 473,973... **(A1)**  
 = 474,0 (cm<sup>3</sup>) **(A1)(ft)** **(C3)**

**Nota:** El **(A1)(ft)** se otorga por redondear **su** respuesta a 1 lugar decimal, siempre y cuando la respuesta sin redondear se vea.

**[3 puntos]**

(b) 474 (cm<sup>3</sup>) **(A1)(ft)** **(C1)**

**Nota:** Arrastre de error (ft) desde (a).

**[1 punto]**

(c)  $4,74 \times 10^2$  (cm<sup>3</sup>) **(A1)(ft)(A1)(ft)** **(C2)**

**Nota:** Error de arrastre **solo** de la parte **(b)**.  
 Otorgue **(A0)(A0)** por respuestas del tipo  $0,474 \times 10^3$ .

**[2 puntos]**

**Total [6 puntos]**

2. (a) 3 (A1) (C1)  
[1 punto]
- (b) la mediana corresponde a la 13.<sup>a</sup> posición. (M1)  
frecuencias acumuladas: 2, 6, 14, 20, 23, 25 (M1)
- mediana = 3 (A1) (C3)  
[3 puntos]
- (c) (i) 2,5 (A1)
- (ii) 1,5 (A1)(ft) (C2)
- Nota:** Otorgue **(A1)(ft)** si la suma de **sus** partes (c)(i) y (c)(ii) es 4.
- [2 puntos]
- Total [6 puntos]**

3. (a)  $700 \times 18,86$  (M1)

**Nota:** Conceda (M1) por la multiplicación por 18,86.

= 13 200 (13 202) (MXN) (A1) (C2)  
[2 puntos]

(b)  $2400 \times 0,035$  (M1)

**Nota:** Conceda (M1) por la multiplicación por 0,035.

= 84 (MXN) (A1) (C2)  
[2 puntos]

(c)  $\frac{2400 - \text{la respuesta de (b)}}{17,24}$  (M1)

**Nota:** Conceda (M1) por dividir 2400 menos el valor obtenido en (b), entre 17,24. Arrastre de error (ft) desde el apartado (b).

= 134,34 (USD) (A1)(ft) (C2)

**Nota:** Conceda a lo más (M1)(A0) si la respuesta final no está redondeada al centavo.

[2 puntos]

**Total [6 puntos]**

4. (a) El género y la profesión elegida son independientes. (A1) (C1)

**Nota:** Acepte que “no existe asociación entre la profesión elegida y el sexo de la persona”. Acepte “no son dependientes”. No acepte “no están relacionadas” ni “no están correlacionadas” ni “no influye” ni “no afecta”.

[1 punto]

(b)  $\frac{110}{220} \times \frac{90}{220} \times 220 \left( \frac{110 \times 90}{220} \right)$  (M1)

**Nota:** Conceda (M1) por haber sustituido correctamente los valores en la fórmula del valor esperado.

= 45 (A1) (C2)  
[2 puntos]

(c) 0,0193 (0,0192644...) (A2) (C2)

[2 puntos]

(d)  $0,0193 > 0,01$  (1 %) (A1)(ft)

**O BIEN**

El valor del parámetro  $p$  es mayor que el nivel de significación (1 %) (A1)(ft) (C1)

**Nota:** Tiene que haber escrito un valor numérico en el apartado (c) para poder concederle aquí el (A1)(ft). Arrastre de error (ft) desde (c), solo si  $> 0,01$ .  
Acepte una respuesta correcta que sea el resultado de haber comparado el valor numérico del estadístico  $\chi^2$  y también el valor numérico del valor crítico:  
 $7,89898... < 9,21$ .

[1 punto]

**Total [6 puntos]**

5. (a) (i)  $w_n$  (A1)  
 (ii)  $u_n$  (A1) (C2)  
 [2 puntos]

(b)  $10(2)^{11-1}$  (M1)

**Nota:** Conceda (M1) por haber sustituido correctamente los valores en la fórmula de la progresión geométrica.

$= 10240$  (A1)(ft) (C2)

**Nota:** Acepte solo la respuesta exacta. Las reglas sobre precisión no se aplican en esta parte, no acepte la respuesta a 3 cs de 10 200.

[2 puntos]

(c)  $\frac{20[2(10) + (19)(10)]}{2}$  O BIEN  $\frac{20(10 + 200)}{2}$  (M1)

**Nota:** Conceda (M1) por haber sustituido correctamente los valores en la fórmula de la serie aritmética.

$= 2100$  (A1)(ft) (C2)  
 [2 puntos]

**Total [6 puntos]**

6. (a)

$p$	$q$	$p \vee q$	$\neg q$	$p \wedge \neg q$	$\neg(p \vee q)$	$(p \wedge \neg q) \Rightarrow \neg(p \vee q)$
V	V	V	F	F	F	V
V	F	V	V	V	F	F
F	V	V	F	F	F	V
F	F	F	V	F	V	V

(A1)(A1)(ft)(A1)(A1)(ft) (C4)

**Nota:** Conceda (A1) por cada columna que sea correcta, habiendo aplicado arrastre de error (ft) desde las columnas respectivas.

[4 puntos]

(b) ninguna de las dos cosas (A1)(ft)  
 dado que en la última columna ni todos los resultados son "verdadero"  
 y ni tampoco son todos "falso". (R1) (C2)

**Nota:** No conceda (A1)(R0). Arrastre de error (ft) desde una tabla de verdad incorrecta, pero solo si su razonamiento es coherente con la última columna de la tabla.

Conceda (R1) solo si la columna final está **claramente** identificada en la justificación.

[2 puntos]

Total [6 puntos]



7. (a)  $150\,000\left(1 - \frac{8}{100}\right)^n = 50\,000$  **(A1)(M1)**

**Nota:** Conceda **(A1)** por haber sustituido correctamente los datos en la fórmula del interés compuesto o por haber sustituido correctamente en la fórmula de la progresión geométrica (con  $r = 0,92$ ); conceda **(M1)** por haber igualado a 50 000 la fórmula del interés compuesto o la fórmula de un término de una sucesión geométrica (en la que se habían sustituido previamente los datos).

**O BIEN**

$I\% = -8$  **(A1)(M1)**  
 $VP = \pm 150\,000$   
 $VF = \mp 50\,000$   
 $P/A = 1$   
 $C/A = 1$

**Nota:** Conceda **(A1)** por haber escrito  $C/A = 1$ ; conceda **(M1)** por otras expresiones correctas. VF y VP deben tener signo opuesto.

**O BIEN**

138000, 126960, 116803.20, 107458.94, 98862.23, ... **(M1)**

$t_{13} = 50737.96, t_{14} = 46678.92$  **(A1)**

**Nota:** Conceda **(M1)** por una lista de al menos 5 términos correctos comenzando con 138000, **(A1)** por identificar  $t_{13}$  y  $t_{14}$ .

$n = 13,1757$   
 13 años **(A1) (C3)**

**Nota:** La respuesta ha de ser un número entero.

**[3 puntos]**

*Continúa en la página siguiente...*

Continuación de la Pregunta 7

(b)  $200\,000 \left( 1 + \frac{5}{4(100)} \right)^{8 \times 4}$  **(M1)(A1)**

**Nota:** Conceda **(M1)** por haber sustituido los datos en la fórmula del interés compuesto; conceda **(A1)** si los ha sustituido correctamente.

**O BIEN**

$N = 8$

$I\% = 5$

$VP = \pm 200\,000$

$P/A = 1$

$C/A = 4$

**(A1)(M1)**

**Nota:** Conceda **(A1)** por haber escrito  $C/A = 4$ ; conceda **(M1)** por otras expresiones correctas.

**O BIEN**

$N = 32$

$I\% = 5$

$VP = \pm 200\,000$

$P/A = 4$

$C/A = 4$

**(A1)(M1)**

**Nota:** Conceda **(A1)** por haber escrito  $C/A = 4$ ; **(M1)** por otras expresiones correctas.

$= 297\,626,10 (\$)$

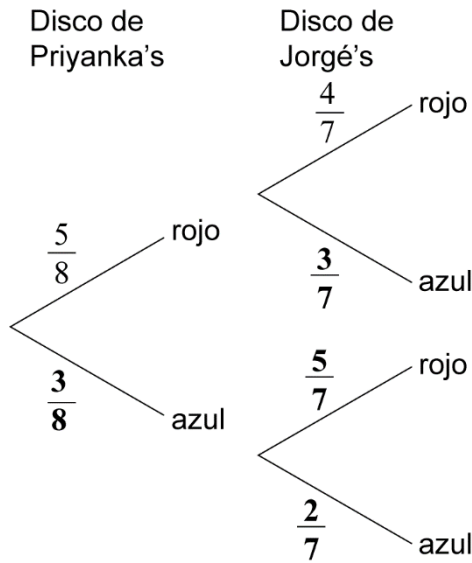
**(A1) (C3)**

**Nota:** La respuesta se ha de dar redondeando a dos lugares decimales.

**[3 puntos]**

**Total [6 puntos]**

8. (a)



(A1)(A1)(A1) (C3)

**Nota:** Conceda (A1) por cada par de ramas que sea correcto.

[3 puntos]

(b)  $\frac{5}{8} \times \frac{4}{7} + \frac{3}{8} \times \frac{5}{7}$

(A1)(ft)(M1)

**Nota:** Conceda (A1)(ft) por haber escrito sus dos productos correctos con valores procedentes de su diagrama de árbol. Arrastre de error (ft) desde el apartado (a); conceda (M1) por haber sumado los dos productos. Conceda (M0) si se suman productos adicionales.

$$= \frac{5}{8} \left( \frac{35}{56}; 0,625; 62,5\% \right)$$

(A1)(ft) (C3)

**Nota:** Arrastre de error (ft) desde el diagrama de árbol, solo si las probabilidades están es el intervalo [0, 1].

[3 puntos]

Total [6 puntos]

9. Es necesario que haya especificado las unidades en el apartado (a)(ii)

(a) (i) 3 (cm) (A1)

(ii)  $\frac{1}{2} \times \frac{4\pi \times (3)^3}{3} + 3 \times (6)^2$  (M1)(M1)

**Nota:** Conceda (M1) por haber sustituido correctamente sus datos en la formula del volumen de la esfera y haberla dividido en 2, (M1) por haber sustituido correctamente sus datos en la formula del volumen del ortoedro.

= 165 cm<sup>3</sup> (164,548...) (A1)(ft) (C4)

**Nota:** La respuesta es 165 cm<sup>3</sup>; es necesario que haya incluido las unidades. Arrastre de error (ft) desde el apartado (a)(i).

[4 puntos]

(b) el valor dado en a(ii) 164,548... × 2,56 (M1)

**Nota:** Conceda (M1) por haber multiplicado la respuesta obtenida en el apartado (a)(ii) por 2,56.

= 421(g) (421,244...(g)) (A1)(ft) (C2)

**Nota:** Arrastre de error (ft) desde el apartado (a)(ii).

[2 puntos]

Total [6 puntos]

10. (a)  $\neg q \Rightarrow \neg p$  (A1)(A1) (C2)

**Nota:** Conceda (A1) por haber escrito dos negaciones; conceda (A1) por haber escrito un antecedente correcto y un consecuente correcto a cada lado de la implicación.

[2 puntos]

(b) Si puede salir mal, entonces sale mal (A1)(A1) (C2)

**Nota:** Conceda (A1) por haber escrito una expresión del tipo “si...entonces...”; conceda (A1) por haber escrito un antecedente y un consecuente correctos.

[2 puntos]

(c) Si no puede salir mal, entonces no sale mal. (A1)(A1)(ft) (C2)

**Nota:** Conceda (A1) por haber escrito una expresión del tipo “si...entonces...”; conceda (A1)(ft) por haber escrito un antecedente y un consecuente correctos. Arrastre de error (ft) desde el apartado (b).

[2 puntos]

**Total [6 puntos]**

11. (a)  $15x^2 - 3$  (A1)(A1) (C2)

**Nota:** Conceda (A1) por haber escrito  $15x^2$ ; (A1) por haber escrito  $-3$ . Conceda como mucho (A1)(A0) si en su respuesta aparecen términos adicionales.

[2 puntos]

(b)  $15(-1)^2 - 3$  (M1)

**Nota:** Conceda (M1) por haber sustituido  $-1$  en la expresión de  $\frac{dy}{dx}$  que obtuvo en (a).

$= 12$  (A1)(ft) (C2)

**Nota:** Arrastre de error (ft) desde el apartado (a).

[2 puntos]

(c)  $(y - (-2)) = 12(x - (-1))$  (M1)

**O BIEN**

$-2 = 12(-1) + c$  (M1)

**Nota:** Conceda (M1) por haber sustituido correctamente el punto dado y su pendiente en la ecuación de la recta.

$y = 12x + 10$  (A1)(ft) (C2)

**Nota:** Arrastre de error (ft) desde el apartado (b).

[2 puntos]

**Total [6 puntos]**

12. (a)  $\frac{3-9}{5-3}$  (M1)

**Nota:** Conceda (M1) por haber sustituido correctamente los datos en la fórmula de la pendiente.

= -3 (A1) (C2)  
[2 puntos]

(b) La pendiente de CB = 0,3 (A1)  
y dado que  $0,3 \neq -\frac{1}{(-3)}$ , el ángulo ACB no es un ángulo recto. (A1)(ft) (C2)

**Nota:** Conceda el (A1)(ft) únicamente si el alumno ha dado una justificación numérica. Arrastre de error (ft) desde el apartado (a).

Si la formula de la distancia y el teorema de Pitágoras son usados:  
AB = 12,3693..., AC = 6,32455..., BC = 10,4403.... Conceda (M1) por sumar los cuadrados de sus AC y BC, (A1) por sus tres longitudes correctas, además de mostrar que  $149(AC^2 + BC^2) \neq 153(AB^2)$ .

Si se utilizaron la formula de la distancia y la ley del coseno, conceda (M1) por sustituir correctamente sus lados en la ley del coseno, (A1) por los tres lados correctos y mostrar que  $\hat{A}CB = 91,7357...(^{\circ}) \neq 90(^{\circ})$ .

[2 puntos]

(c)  $y - 9 = 0,3(x - 3)$  O BIEN  $9 = 0,3(3) + c$  (A1)(ft)

**Nota:** Conceda error de arrastre de la parte (b). Conceda (A1)(ft) por haber sustituido correctamente su pendiente y el punto dado en la ecuación de la recta. Si la pendiente BC no se calculó para usarla en la parte (b), entonces la pendiente sustituida en esta parte debe ser 0,3 para obtener (A1).

$3x - 10y + 81 = 0$  (u otros múltiplos enteros) (A1)(ft) (C2)

**Nota:** Conceda (A1)(ft) por escribir su ecuación en la forma  $ax + by + d = 0$  con coeficientes enteros. Error de arrastre de la parte (c).

[2 puntos]

Total [6 puntos]

13. (a) 3(m) (A1) (C1)  
[1 punto]

(b)  $(x =) \frac{-4}{2(-1)}$  (M1)

**Nota:** Conceda (M1) por haber sustituido correctamente los datos en la fórmula del vértice.

**O BIEN**

$0 = 4 - 2x$  (M1)

**Nota:** Conceda (M1) por haber derivado e igualado correctamente la expresión a cero.

$x = 2$  (A1)  
 $(y =) 7$ (m) (A1)(ft) (C3)

**Nota:** El (A1)(ft) final proviene del valor  $x$  que haya indicado, pero solo si su  $y >$  que su valor de la parte (a).

[3 puntos]

(c)  $3 + 4x - x^2 = 0$  (M1)

**Nota:** Conceda (M1) por haber sustituido correctamente  $y = 0$  en la ecuación de la curva.

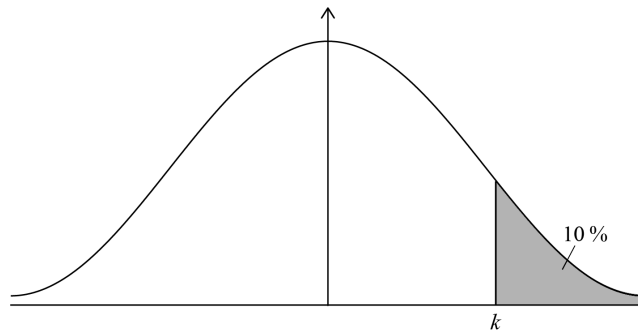
$x = 4,65$ (m) (4,64575...) (A1) (C2)

[2 puntos]

**Total [6 puntos]**



14. (a)



(M1)

**Nota:** Conceda (M1) por incluir un diagrama que muestre el área sombreada y el valor porcentual correctos,  $k$  tiene que ser mayor que la media.

**O BIEN**

Conceda (M1) por haber escrito  $P(\text{nota} > k) = 0,1$  o  $P(\text{nota} \leq k) = 0,9$ .

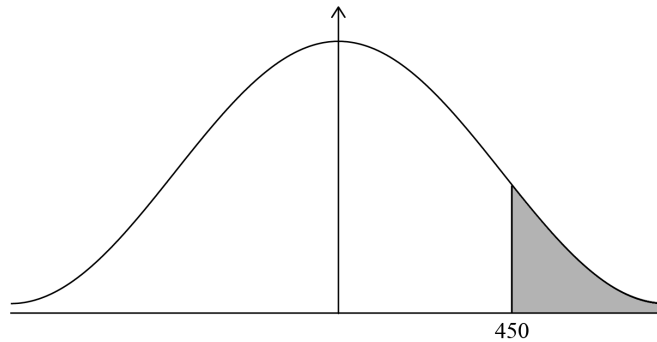
428 (428,155...)

(A1)

(C2)

[2 puntos]

(b)



(M1)

**Nota:** Conceda (M1) por incluir un diagrama que muestre el área sombreada correcta y el valor 450 puesto a la derecha de la media.

**O BIEN**

Conceda (M1) por haber escrito  $P(\text{nota} \geq 450)$ .

0,0668 (0,0668072...; 6.68%, 6,68072...%)

(A1)

(C2)

[2 puntos]

Continúa en la página siguiente...

Continuación de la Pregunta 14

(c)  $\frac{0,0228}{0,0668} \left( \frac{0,0227500\dots}{0,0668072\dots} \right)$  **(M1)**

**Nota:** Conceda **(M1)** por 0,0228 (0,0227500...) es visto.  
Acepte 1–0,97725.

= 0,341 (0,340532...; 34,1%; 34,0532...%) **(A1)(ft)**      **(C2)**

**Nota:** Arrastre de error (ft) desde el apartado (b) siempre y cuando la respuesta esté entre cero y 1.

**[2 puntos]**

**Total [6 puntos]**

15. (a)  $2 = 10 - k(c^0)$  (M1)

**Nota:** Conceda (M1) por haber sustituido 2 y 0 en la función.

$(k =) 8$  (A1) (C2)  
[2 puntos]

(b)  $9 = 10 - 8(c^{-3})$  (M1)

**Nota:** Conceda (M1) por haber sustituido su  $k$ , 9, y 3 en la función.

$c^{-3} = 0.125$  O BIEN  $c^3 = 8$  O BIEN  $c^{-3} = \frac{1}{8}$  (M1)

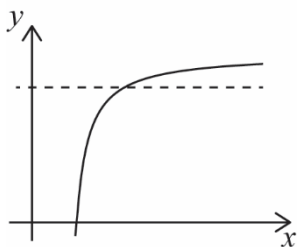
**Nota:** Conceda (M1) por haber despejado " $c^3$ " o " $c^{-3}$ " del resto de las constantes.

O BIEN

$0 = 9 - 10 + 8(c^{-3})$  (M1)

**Nota:** Conceda (M1) igualar a 0 un miembro de su ecuación.

O BIEN



(M1)

**Nota:** Conceda (M1) por un bosquejo del gráfico de su ecuación.

$(c =) 2$  (A1)(ft) (C3)

**Nota:** Arrastre de error (ft) desde el apartado (a).

[3 puntos]

(c) 10 (gramos) (A1) (C1)  
[1 punto]

Total [6 puntos]